

## Предложение о модификации российского стандарта электронной цифровой подписи с целью ликвидации широкополосного скрытого канала

*А. А. Клевцов<sup>1\*</sup>, А. Н. Фионов<sup>1,2</sup>*

<sup>1</sup> Сибирский государственный университет геосистем и технологий, г. Новосибирск, Российская Федерация

<sup>2</sup> Сибирский государственный университет телекоммуникаций и информатики, г. Новосибирск, Российская Федерация

\* e-mail: sanek.klevtsov@gmail.com

**Аннотация.** Большинство алгоритмов цифровой подписи имеют возможность организации скрытых каналов для передачи информации. Их наличие было выявлено после публикации схемы цифровой подписи на базе шифра Эль-Гамала. Пропускная способность данных каналов от нескольких бит (узкополосные каналы) до 256-512 бит (широкополосные каналы). В литературе описано несколько способов ликвидации широкополосных каналов при помощи надзирателя. Приведен анализ существующих методов ликвидации скрытых каналов в алгоритмах цифровой подписи. Выявлены недостатки существующих схем. Разработан метод модификации российского стандарта электронной цифровой подписи ГОСТ Р 34.10-2012 с целью ликвидации широкополосного скрытого канала. Метод предусматривает наличие надзирателя, который не участвует в образовании подписи и может проверять подписанные сообщения на отсутствие скрытых каналов.

**Ключевые слова:** ГОСТ Р 34.10-2012, электронная цифровая подпись, скрытые каналы, криптография

## Proposal to modify the Russian standard for electronic digital signature in order to eliminate the broadband covert channel

*A. A. Klevtsov<sup>1\*</sup>, A. N. Fionov<sup>1,2</sup>*

<sup>1</sup> Siberian State University of Geosystems and Technologies, Novosibirsk, Russian Federation

<sup>2</sup> Siberian State University of Telecommunications and Informatics, Novosibirsk, Russian Federation

\* e-mail: sanek.kletsov@gmail.com

**Abstract.** Most digital signature algorithms have the ability to organize hidden channels for transmitting information. Their presence was revealed after the publication of a digital signature scheme based on the El-Gamal cipher. The bandwidth of these channels ranges from a few bits (narrowband channels) to 256-512 bits (broadband channels). The literature describes several ways to eliminate broadband channels with the help of a supervisor. The analysis of existing methods of elimination of hidden channels in digital signature algorithms is given. The shortcomings of the existing schemes are revealed. A method of modification of the Russian standard of electronic digital signature GOST R 34.10-2012 has been developed in order to eliminate the broadband hidden channel. The method provides for the presence of a supervisor who does not participate in the formation of the signature and can check signed messages for the absence of hidden channels.

**Keywords:** GOST R 34.10-2012, electronic digital signature, covert channels, cryptography

## Введение

Рассматривается проблема борьбы со скрытыми каналами в цифровой подписи. Для анализа мы выбрали группу алгоритмов цифровой подписи, которые идентичны DSA. Данная группа включает в себя подписи: Эль-Гамала, Шнорра, ECDSA, ГОСТы Р 34.10-94, Р 34.10-2011, Р 34.10-2012.

Для подробного рассмотрения будет выбран алгоритм ГОСТ Р 34.10-2012, он аналогичен своим предшественникам, но возведение в степень заменяется операцией композиции точек на эллиптической кривой [2]. Также стоит заметить, что данный алгоритм является стандартом электронной подписи [2] в России и тема ликвидации скрытого канала в алгоритме ГОСТ Р 34.10-2012 является актуальной.

Чтобы проанализировать задачу скрытой передачи данных, мы возьмем стандартную схему взаимодействия. Существуют два участника обмена сообщениями, Алиса и Боб (обозначим их как  $A$  и  $B$ ), и контролёр Венди ( $W$ ). Венди контролирует все обмены между  $A$  и  $B$ , разрешая передавать только открытые подписанные сообщения. Предположим, что  $A$  хочет передать секретное сообщение таким образом, чтобы  $W$  не заподозрила сам факт его наличия (в противном случае любая передача сообщений будет остановлена).

Также следует учесть, что Алиса и Боб могли заранее договориться о секретном ключе  $K$  до того, как Венди начала контролировать процесс обмена сообщениями. Зная ключ,  $A$  и  $B$  могут согласованно генерировать любое количество секретных ключей и параметров. Например,  $k_i = \text{шифр}_k(i)$ , где  $i$  – порядковый номер, текущая дата, время и т.п., а шифр – это, например, блочный шифр с секретным ключом  $K$ .

Наличие скрытых каналов было выявлено [4] после публикации схемы цифровой подписи на базе шифра Эль-Гамала [9]. Данные каналы сохраняются во всех последующих модификациях схемы. Чтобы прояснить проблему, необходимо рассмотреть особенности алгоритма электронной цифровой подписи ГОСТ Р 34.10-2012.

Общие открытые параметры алгоритма:

- эллиптическая кривая  $E$  над некоторым простым полем;
- простое число  $q$  (порядок циклической подгруппы точек на этой кривой);
- точка на кривой  $P$ ,  $[q]P = O$ ;
- хэш-функция  $H$  в соответствии с ГОСТ Р 34.10-2012.

Каждый пользователь  $U$  выбирает случайное число  $x_U$  (секретный ключ),  $0 < x_U < q$ , и вычисляет точку на кривой  $Y_U = [x_U]G$  (открытый ключ). Параметры кривой и список открытых ключей передаются всем пользователям.

Чтобы подписать сообщение  $M$ , пользователь  $U$  делает несколько шагов:

- 1) генерирует случайное число  $k$ ,  $0 < k < q$ ;
- 2) находит точку  $C = [k]P = (x, y)$ ;
- 3) вычисляет  $r = x \bmod q$ ;
- 4) вычисляет  $s = (rd_U + kH(M)) \bmod q$ .

В итоге пользователь  $U$  подписывает сообщение парой чисел  $(r, s)$

В ЭЦП существует широкополосный канал. Он возникает, когда число  $k$  выбирается не случайно, а содержит некоторое сообщение. Емкость данного канала равна 256–512 бит. Чтобы использовать канал, Боб должен знать ключ подписи Алисы. Для извлечения скрытого сообщения, содержащегося в  $k$ , Боб выполняет вычисление:

$$k = (s - rd_A)H^{-1}(M) \bmod q.$$

Для борьбы с указанным способом организации скрытого канала была предложена схема Мета-Эль-Гамалы, где контролёр принимает участие в генерации числа  $k$ . Это позволяет ликвидировать передачу скрытых данных.

### *Схема Мета-Эль-Гамалы*

Для уничтожения скрытого канала подписывающему необходимо запретить выбирать значение  $k$ . Но и другие участники не должны иметь возможности выбирать это значение, так как любой, кому будет разрешено выбирать значение  $k$ , сможет подделывать подпись.

Единственное и наиболее подходящее решение заключается в том, чтобы подписывающий и контролёр совместно генерировали  $k$ . Тогда подписывающий не сможет контролировать биты числа  $k$ , а контролёр не сможет определить ни одного бита этого числа. Также у контролёра должна быть возможность проверить, что подписывающий использовал совместно созданное число  $k$ . Реализация данного способа была предложена в схеме Мета-Эль-Гамалы [10]:

- а) Алиса выбирает  $k_1$ , вычисляет  $R = [k_1]P$  и отправляет  $R$  Венди;
- б) Венди после получения  $R$  высылает Алисе  $k_2$ ;
- с) Алиса вычисляет  $k = k_1k_2$  и использует это число для формирования подписи.

В свою очередь, Венди может проверить, что в подписи  $(r,s)$  нет скрытого канала. Для этого она:

- вычисляет  $[k_2]R = [k_1k_2]P = [k]P = (x, y)$ ;
- проверяет равенство  $r = x \bmod q$ .

Хотелось бы заметить, что в данной схеме существует два недостатка. Первый недостаток [11] заключается в том, что Венди может создать свой узкополосный скрытый канал путем манипуляции отдельными битами  $r$  за счет выбора  $k_2$ . И второй, наиболее существенный, недостаток – это передача  $k_2$  по открытому каналу. Если Боб узнает  $k_2$ , то он может вычислить  $k_1 = kk_2^{-1} \bmod q$ . Из этого следует, что теперь  $k_1$  может содержать скрытое сообщение. Сразу отметим тот факт, что использование защищенного соединения [12] между Алисой и Венди при помощи протокола TLS не работает. Стоит учесть, что Алиса и Боб в целях передачи скрытой информации могут постоянно получать секретные ключи и параметры. Поэтому, можно предположить, что все секретные параметры, используемые Алисой для установления TLS-соединения с Венди, известны Бобу.

Для устранения выявленных недостатков, нам необходимо пересмотреть указанную схему.

### ***Схема модификации российского стандарта электронной цифровой подписи с целью ликвидации широкополосного скрытого канала***

Основная идея заключается в следующем. Пусть Венди будет иметь:

- секретный ключ (ключ подписи)  $d_W, z_W = d_W^{-1} \bmod q$ ;
- открытый ключ  $Q_W = [d_W]P$ .

Алиса вычисляет:

- 1)  $R = [k_1]Q_W$ ;
- 2)  $k_2 = H([k_1]P)$ ;
- 3)  $k = k_1k_2$ .

Следующие шаги происходят по стандартной схеме. Алиса добавляет точку  $R$  к подписи.

Чтобы подтвердить метод, сначала заметим, что  $k_1$  – это единственный параметр, который выбирает Алиса. И это единственное место, в котором можно организовать широкополосный канал для передачи скрытого сообщения. Чтобы доказать, что канала не существует и подпись не теряет условие безопасности, необходимо показать, что:

- a) Боб не может получить  $k_2$ ;
- b) Венди не знает  $k$  (не может получить  $k_1$ ).

Что касается Венди, то у нее та же информация, что и в схеме Мета-Эль-Гамалы и она не сможет получить  $k_1$  по причине сложности задачи дискретного логарифмирования. Также можно заметить, что Венди не участвует в образовании подписи, а это значит, что Венди не может создать какой-либо канал.

Обращаем внимание на то, что Венди, как и в схеме Мета-Эль-Гамалы, может получить:

$$[z_W]R = [z_W][k_1]Q_W = [z_Wk_1d_W]P = [k_1]P.$$

В результате Боб не может узнать  $k_1$  и  $[k_1]P$ .

В последствии модификация алгоритма ЭЦП ГОСТ Р 34.10-2012 будет реализована следующим образом. Чтобы подписать сообщение  $M$ , пользователь  $U$ :

- 1) генерирует случайное число  $k, 0 < k < q$ ;
- 2) находит точку  $R = [k_1]Q_W$ ;
- 3) находит точку  $[k_1]P$  и вычисляет  $k_2 = H([k_1]P)$ ;
- 4) вычисляет  $k = k_1k_2$ :
- a) находит точку  $C = [k]P = (x, y)$ ;
- b) вычисляет  $r = x \bmod q$ ;
- c) вычисляет  $s = (rd_U + kH(M)) \bmod q$ .

В итоге пользователь  $U$  подписывает сообщение парой чисел  $(r, s, R)$ .

Венди проверяет подпись на предмет отсутствия скрытого канала:

- 1) находит точку  $T = [z_W]R$ ;

- 2) вычисляет  $k_2 = H(T)$ ;
- 3) находит точку  $[k_2]T = (x, y)$ ;
- 4) проверяет равенство  $r = x \bmod q$ .

### **Выводы**

Разработан метод модификации российского стандарта электронной цифровой подписи с целью ликвидации широкополосного скрытого канала. Данный метод конкурентоспособен по отношению к ранее известным схемам [10] и [13]. Метод позволяет обнаружить широкополосный скрытый канал в бесконечном количестве подписей по принципу «один за другим». Он не требует взаимодействия с контролёром при образовании подписи, а, следовательно, не даст сбоев, если получатель скрытых сообщений (Боб) имеет доступ к каналу между отправителем (Алисой) и контролёром (Венди).

### **БИБЛИОГРАФИЧЕСКИЙ СПИСОК**

1. Шнайер Б. Прикладная криптография: протоколы, алгоритмы и исходный код на С: учеб. пособие. – М.: Диалектика, 2019. – 1040 с.
2. ГОСТ Р 34.10-2012. Информационная технология. Криптографическая защита информации. Процессы формирования и проверки электронной цифровой подписи – М.: Стандартинформ, 2018. – 33 с.
3. Simmons G.J. The Subliminal Channel and Digital Signatures // Advances in Cryptology: Proceedings of CRYPTO '83, Plenum Press, 1984, P. 51-67.
4. Simmons G.J. The Subliminal Channel and Digital Signatures // Advances in Cryptology: Proceedings of EUROCRYPT '84, Springer-Verlag, 1985, P. 364-378.
5. Simmons G.J. The Subliminal Channel: Past and Present // European Transactions on Telecommunications, 1994, Vol. 4, No. 4, P. 459-473.
6. Simmons G.J. The Subliminal Channel of the U.S. Digital Signature Algorithm (DSA) // Proceedings of the Third Symposium on: State and Progress of Research in Cryptography, Rome: Fondazione Ugo Bordoni, 1993, P. 33-54.
7. Kobara K., Imai H. On The Channel Capacity of Narrow-band Subliminal Channels // In Proc. Of ICICS '99, 1999, Vol. 1726, P. 309-323.
8. Simmons G.J. Subliminal Communication is Easy Using the DSA // Advances in Cryptology – EUROCRYPT '93 Proceedings. Springer-Verlag, 1994, P. 218-232.
9. ElGamal A. A public key cryptosystem and a signature scheme based on discrete logarithms // IEEE Trans. On Inform. Theory, Vol. IT-31, July 1985, No. 4, P. 469-72.
10. Horster P., Michels M., Petersen H., Subliminal channels in discrete logarithm based signature schemes and how to avoid them, 1994, P. 198-203.
11. Атамашкин М.И., Белим С.В. Скрытые каналы передачи информации в алгоритме электронной цифровой подписи ГОСТ Р 34.10-2001// Математические структуры и моделирование, 2011, Вып. 22, С. 101-113.
12. Rescola E. The transport layer security (TLS) protocol version 1.3, RFC 8446, 2018
13. Choi J., Golle P., Jakobsson M., Tamper-evident digital signature protecting certification authorities against malware// IEEE Int. Symp. On Dependable, Automatic and Secure Computing, Indianapolis, IN, 2006, P. 37-44.

© А. А. Клевцов, А. Н. Фионов, 2022